TL IV: Thermodynamik für Lehramt im WS 2005/2006

Prof. Dr. Th. Franosch

Übungsblatt 13

Übung 1

Der Hamilton-Operator für einen Paramagneten aus N Teilchen im externen magnetischen Feld H ist durch

$$\mathcal{H} = -H \sum_{i=1}^{N} \sigma_i, \qquad \sigma_i = \pm 1$$

gegeben.

Berechnen Sie die Zustandssumme Z und die freie Energie F des Systems. Diskutieren Sie die mittlere Energie, Entropie, sowie Wärmekapazität als Funktion der Temperatur.

Berechnen Sie weiterhin die mittlere Magnetisierung $M = -\partial F/\partial H$ und die magnetische Suszeptibilität $\chi = \partial M/\partial H$.

Übung 2

Bei einem System mit N identischen ungekoppelten Oszillatoren sind die Energieeigenwerte durch

$$E = \sum_{k=1}^{N} \hbar \omega (n_k + \frac{1}{2}), \qquad n_k = 0, 1, 2, \dots$$

gegeben.

Berechnen Sie die Zustandssumme und die freie Energie. Diskutieren Sie die mittlere Energie, Entropie sowie Wärmekapazität. Für welche Temperaturen kann die Quantisierung der Energieniveuss vernachlässigt werden?